

Practica 4: Movimiento Circular

Sugerencia: Si no hizo el problema 15 de la práctica 1, hágalo antes de comenzar esta guía de problemas. Considere los resultados de este problema para el caso particular de un movimiento cuya trayectoria es una circunferencia. Es decir $R = \text{cte.}$ ($\dot{R} = \ddot{R} = 0$) y por lo tanto

$$\mathbf{r} = R\hat{r}, \mathbf{v} = R\dot{\theta}\hat{\theta}, \mathbf{a} = -R\dot{\theta}^2\hat{r} + R\ddot{\theta}\hat{\theta}$$

Cinemática

1. Un cuerpo realiza un movimiento circular de radio 50 cm sobre un plano horizontal. la velocidad angular del movimiento es $\omega = \dot{\theta} = 2 \text{ 1/s}$ y el sentido es antihorario.
 - a) ¿Cuánto vale el período del movimiento?
 - b) Calcule y represente gráficamente \mathbf{r} , \mathbf{v} y \mathbf{a}
 - c) Halle la posición en la cual se encuentra el objeto al cabo de 10 s.
2. El movimiento de un péndulo que realiza pequeñas oscilaciones alrededor de su posición de equilibrio describe una trayectoria circular cuya ecuación horaria es $\theta(t) = \theta_0 \cos(\sqrt{g/L} t)$.
 - a) Halle la velocidad angular $\omega(t) = \dot{\theta}$ y la aceleración angular $\alpha(t) = \dot{\omega}$
 - b) Halle $\mathbf{v}(t)$ y $\mathbf{a}(t) = a_r(t)\hat{r} + a_\theta(t)\hat{\theta}$
 - c) ¿Cuánto tarda el péndulo en completar una oscilación?

Dinámica

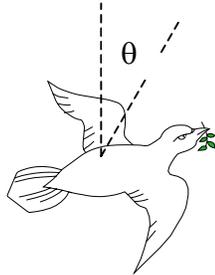
3. Las velocidades de las centrifugadoras están limitadas en parte por la solidez de los materiales usados en su construcción. Una centrifugadora hace girar a 600000 rpm una muestra de 10 g en un radio de 50 cm. ¿Qué fuerza ejerce la centrifugadora sobre la muestra? ¿Cuál sería la masa de la muestra en reposo con un peso igual a esta fuerza? Resp. $2 \cdot 10^7 \text{ N}$, 2000 t
4. Un coche recorre una curva plana de 0,25 km de radio. El coeficiente de rozamiento estático entre los neumáticos y la carretera es 0,4. ¿A qué velocidad en km/h empieza el coche a derrapar? Resp. 114 km/h
5. Un automóvil de masa 1000 kg de masa recorre una autopista que en un tramo tiene un radio de curvatura de 6 m. El automóvil va a velocidad constante en módulo. Sabiendo que la autopista forma un ángulo de 15° con la horizontal (peralte)

- a) ¿A qué velocidad puede tomar la curva el automovilista sin que se requiera rozamiento?
 b) ¿Qué fuerza de rozamiento se necesita si el coche viaja a una velocidad 3 m/s mayor que la hallada en la parte anterior?

Resp. a) 14,4 km/h b) 5300 N

6. Un pájaro de masa 300 g describe en su vuelo una curva de 20 m de radio a una velocidad de 15 m/s.
 a) ¿Cuál es el ángulo de inclinación?
 b) ¿Cuál es la fuerza de sustentación ejercida por el aire sobre el pájaro?

Resp. a) 48° b) 4,5 N

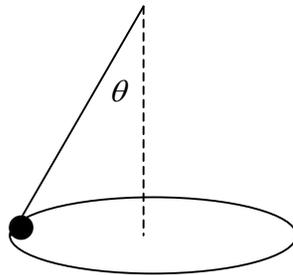


7. Un avión que vuela a una velocidad de 400 m/s puede experimentar, dentro de los límites de seguridad, una aceleración de 8 veces la de la gravedad cuando toma una curva. ¿Cuánto tarda el avión en girar 180° en ese caso? ¿Con qué ángulo se inclina para dar ese giro?

Resp. 15,7 s y 83°

8. Un cuerpo de masa m está suspendido de un hilo 2m de longitud y se mueve describiendo una circunferencia horizontal como muestra la figura (péndulo cónico) con velocidad angular $\omega=3.16$ 1/s. Calcule el ángulo θ para que dicho movimiento se mantenga.

Resp. 60°



9. Considere una partícula de masa 800 g sujeta a una varilla rígida de 50 cm de longitud que le comunica un movimiento circular uniforme en un plano vertical
 a) ¿Es cierto que la fuerza que la varilla ejerce sobre la partícula tiene dirección radial únicamente?
 c) Calcule la fuerza de vínculo en el punto mas alto de la trayectoria circular si la velocidad angular es $\omega=6$ 1/s. Repita para $\omega=3$ 1/s y analice el cambio de sentido de la fuerza.

- d) Halle la fuerza de vínculo entre la varilla y la partícula en función del ángulo que forma con la vertical.

Resp. c) $F = -6,4 \text{ N } \hat{r}$ y $F = 4,4 \text{ N } \hat{r}$

10. El radio de la tierra es de 6400 km y gira sobre su eje con un período de 24 hs.

a) ¿Cuál es la aceleración centrípeta en el ecuador?

b) Si un hombre pesa 700 N en el Polo Norte, ¿cuál es su peso efectivo (lo que lee en la balanza) en el ecuador?

11. Se coloca en órbita un satélite artificial sincrónico (es decir se coloca en una órbita circular cuyo período es igual al de rotación de la tierra sobre su eje).

a) Halle el radio de su órbita.

Resp. 42190 km

b) Si dentro del satélite se encuentra una persona, ¿qué fuerza ejerce el piso del satélite sobre ella?

Resp. $N=0!$